

## Fiches thermodynamique:

- 1<sup>er</sup> principe thermo

$$\Delta U = W + Q$$

$$- W = - \int_{\alpha}^{\beta} p_{\text{ext}} \cdot dV = \text{aire sous courbe } p = f(V)$$

$$- \Delta Q = m c_v dT$$

⚠ Transfert thermique est microscopique et désordonné  
Travail est macroscopique et ordonné

- Théorie cinétique du gaz parfait

$$p = \frac{1}{3} m \overline{v^2} n^* \quad \text{avec } n^* = N/V$$

$$\hookrightarrow \frac{1}{2} m \overline{v^2} = \frac{3}{2} k_B T \quad \Leftrightarrow \quad \mu = \frac{p}{n} = \frac{3}{2} k_B T$$

- Phénomènes de transports

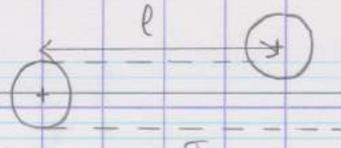
$$\vec{j} = \frac{dN}{dS dt} \vec{u} \quad \Rightarrow \quad \text{div } \vec{j} + \frac{\partial n}{\partial t} = 0$$

- Fick:  $\vec{j} = -D \vec{\text{grad}} n$

$$\hookrightarrow -D \Delta n + \frac{\partial n}{\partial t} = 0$$

↳  $n(x) = ax + b$  en permanent

- Libre parcours moyen



$$\bar{l} \approx n \cdot \bar{l} \cdot \sigma = 1 \Rightarrow \bar{l} = \frac{1}{n \cdot \sigma}$$

$$\Rightarrow \mathcal{D} = -\frac{1}{3} v \bar{l}$$

- Diffusion thermique :

$$j_Q = \delta Q / dS dt \Rightarrow \text{div } \vec{j}_Q + \rho c v \partial T / \partial t = 0$$

- Fourier :  $\vec{j}_Q = -\lambda \text{grad } T$

$\mathcal{D}_{th}$  : diffusivité thermique

$$\Rightarrow -\mathcal{D}_{th} \Delta T + \frac{\partial T}{\partial t} = 0$$

Resistance thermique :  $R_{th} = \frac{T_2 - T_1}{j_Q \cdot S} = \frac{1}{\lambda} \cdot \frac{L}{S}$

négligé

- Premier principe :  $\Delta U + \Delta E_c + \Delta E_p = W + Q - W_{lu}$

↳ le poids est pris en compte dans  $\Delta E_p$

↳ pour  $q_p$  et  $\Psi_{cond}$  :  $\Delta U = n \cdot C_{v,mol} \Delta T$

• Transformations monobare

$$\Delta U = W + Q = P_2 V_2 - P_1 V_1 + Q$$

$$\Rightarrow \Delta H = Q$$

monobare

et  $\frac{\partial H}{\partial t} = q_p$

## Fiche Thermodynamique II

- Coefficient adiabatique  $\gamma$

$$U = n \cdot \frac{\ell}{2} RT$$

$$H = n \cdot \frac{\ell + 2}{2} RT$$

$$\Rightarrow C_{p,m} - C_{v,m} = R$$

$$\gamma = \frac{C_{p,m}}{C_{v,m}} = \frac{\ell + 2}{\ell}$$

$$\rightarrow dU = \frac{nR}{\gamma - 1} dT$$

$$dH = \frac{nR\gamma}{\gamma - 1} dT$$

• Transfo isotherme

$$\Delta U = 0 \quad W = -Q = nRT_0 \ln(V_1/V_2)$$

• Transfo adiab. rev :

$$pV^\gamma = \text{cste}$$

• Detente Joule - Gay Lussac

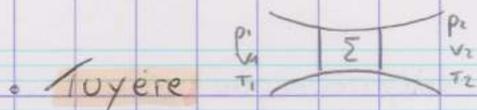
$$\Delta U = 0 \quad (T_i = T_f \text{ pour gaz parfait})$$

• Detente Joule - Thompson

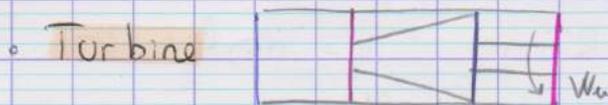
$$p_1, V_1, T_1 \quad | \quad p_2, V_2, T_2$$

$$\Delta U = W = -p_2 V_2 + p_1 V_1$$

$$\Leftrightarrow \Delta H = 0$$



$$\Delta H_r \Delta E_c = 0 \quad (\text{On cherche à augmenter } E_c)$$



$$\Delta H = W_u = \frac{\gamma n R}{\gamma - 1} \Delta T \quad (\Delta T < 0 \Rightarrow W_u < 0)$$

- 1<sup>er</sup> principe industriel:

$$\Delta H = Q + W_u \quad (W_u = 0 \Leftrightarrow \text{SS parties mobiles})$$

- 2<sup>nd</sup> principe de la thermodynamique

$$\Delta S = S_e + S_c$$

$$S = k_B \ln(\Omega)$$

$$\text{avec } \begin{cases} S_e = \sum Q_i / T_i \\ S_e \geq 0 \quad (= 0 \text{ si rev}) \end{cases}$$

• dans un cycle  $S_e = \sum Q_i / T_i \leq 0$  (= pour rev)

- Identité thermodynamique:

$$dU = TdS - pdV$$

- Méthode étude du second principe

• Trouver l'état final  $(T; p; V \dots)$

•  $S_e = \sum Q_i / T_i$   $(\Delta U = W + Q)$

• Calcul  $\Delta S$   $(dS = du/T + pdv/T)$

•  $S_c = \Delta S - S_e$

# Fiche revision Thermodynamique IV

## \* Calculs de variations d'entropies

- Phase condensée:  $\Delta S = m c_v \ln(T_2/T_1)$

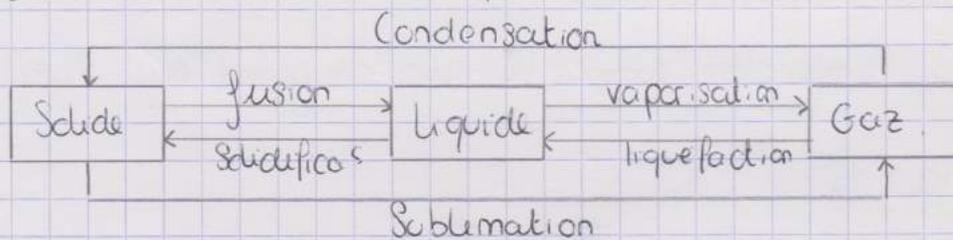
- Thermostat:  $\Delta S = Q_{source} / T_0$

- Gaz parfait:  $\Delta S = \frac{nR}{\gamma-1} \ln(T_2/T_1) + nR \ln(V_2/V_1)$

↳ en adiab rev  $\Delta S = 0 \Rightarrow TV^{\gamma-1} = \text{cte}$

- Detente Joule Gay Lussac:  $\Delta S = S_{gp} = nR \ln(V_2, V_1 / V_1)$

## Changement d'état du corps pur.



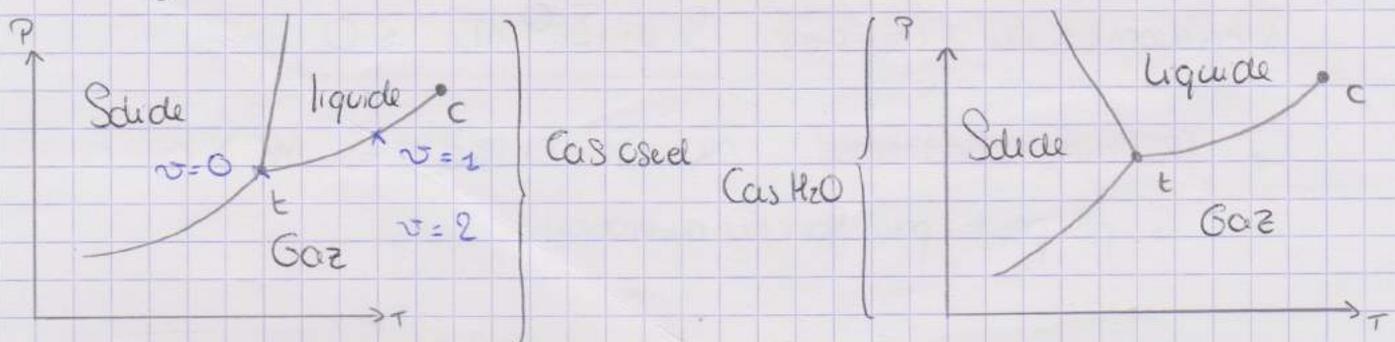
• Pendant chg<sup>e</sup> état T et p sont constants

↳ Clapeyron:  $\frac{dP}{dT} = \frac{\Delta H}{T \Delta V}$

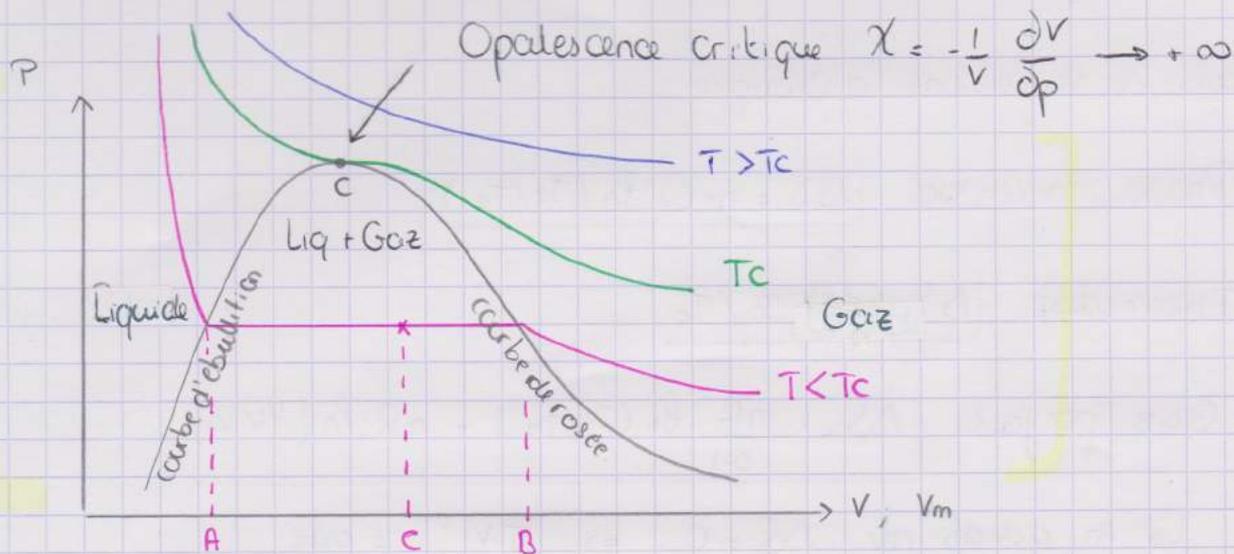
↳  $\Delta H = Q_{ce} = L_{ch}$

↳  $dH = TdS + Vdp \Rightarrow \Delta S = \frac{\Delta H}{T}$

## • Diagramme d'état



## • Isotherme d'Andrews



↳ Théorème moment :  $x_g = \frac{AC}{AB}$

↳ Stockage des fluides : si sur courbe ébullition : petit  $\Delta T \Rightarrow$  gros  $\Delta p \Rightarrow$  explosion

## • Calorimétrie avec changement d'état

↳ regarder si température compatible avec changement d'état total

## - Statique des fluides

• élément méso dans fluide :  $\vec{F} = p \cdot \vec{S}$

↳  $\frac{dp}{dz} = -\rho g$

•  $\psi$  condensée :  $P_B = P_A + \rho g h$

• Gaz parfait isotherme :  $p(z) = p_0 e^{-\frac{mgz}{k_B T}}$  Boltzmann.

• Poussée d'Archimède :  $\vec{\pi} = -\rho_{\text{eau}} \cdot V \cdot \vec{g}$  (opposé au poids).

## - Machine Thermique Ditherme :

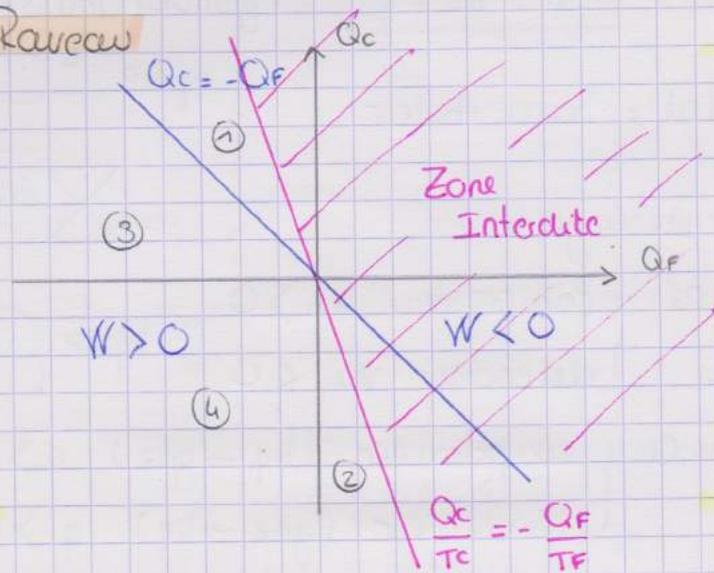
• Inégalité de Clausius :  $S_e = \sum Q_i / T_i \leq 0$

↳ Machine monotherme :  $\Delta U = W + Q = 0 \Rightarrow W > 0$

$\Rightarrow$  ne peut pas fournir de travail

# Fiche revision thermodynamique V

## Diagramme Raveau



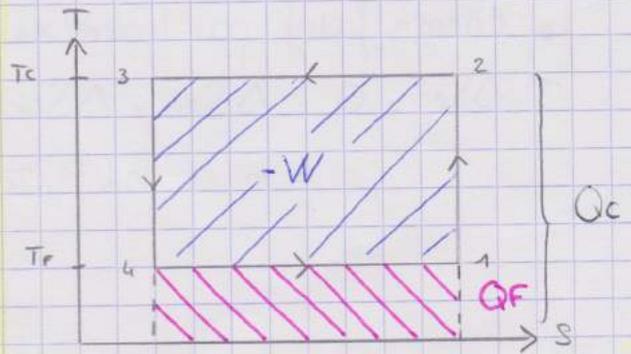
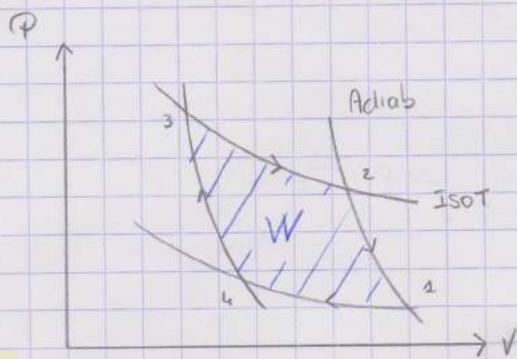
- ①  $W < 0$ ;  $Q_f > 0$ ;  $Q_c > 0$ : Moteur thermique
- ②  $W > 0$ ;  $Q_f > 0$ ;  $Q_c < 0$ : Machine frigorifique
- ③  $W > 0$ ;  $Q_f < 0$ ;  $Q_c > 0$ :

↳ aucun intérêt, mais augmente entropie (seche cheveux, four)

## Cycle Carnot gaz parfait

- 2 isothermes rev.  $dP/dV = -P/V$
- 2 adiab rev.  $dP/dV = -\gamma P/V$

Intérêt:  $\delta Q = Tds$



$$Q = -W$$

$$\Rightarrow \eta = \frac{-W}{Q_c} \leq 1 - \frac{T_f}{T_c} = \eta_c$$

- Machine frigo:  $W > 0$ ;  $Q_f > 0$ ;  $Q_c < 0$   $e = \frac{Q_f}{W} = \frac{T_f}{T_c - T_f}$

- Pompe chaleur:  $W > 0$ ;  $Q_f > 0$ ;  $Q_c < 0$   $e = -\frac{Q_c}{W} = \frac{T_c}{T_c - T_f}$

⚠ Efficacité e peut-être  $> 1$ .

- Machine frigo à changement d'état

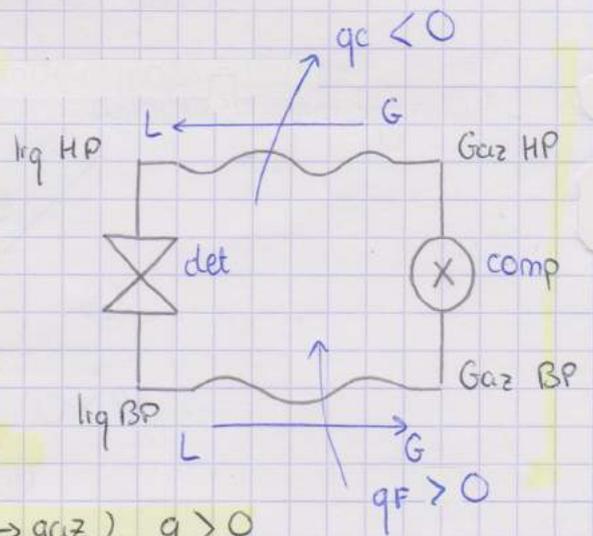
• 1<sup>er</sup> principe indus  $\Delta h = w_u + q$

↳ change<sup>±</sup> état = Source chaleur

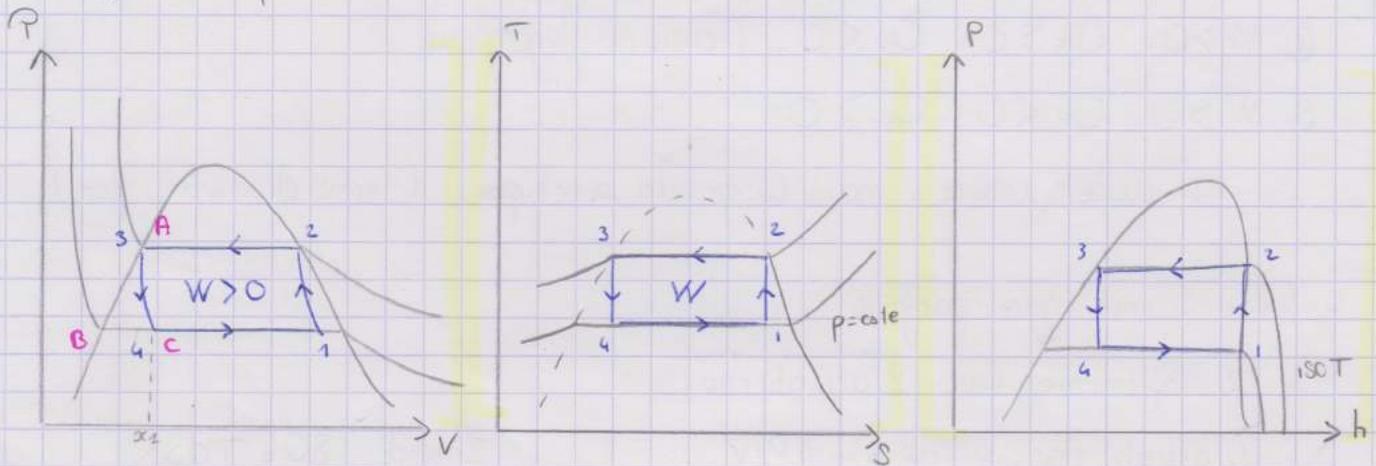
• Modélisation des échangeurs

- échangeur méca: } compresseur  $w_u > 0$   
 } détenteur  $w_u < 0$

- échangeur therm: } évaporateur (liq → gaz)  $q > 0$   
 } condenseur (gaz → liq)  $q < 0$



• Diagramme par modélisa<sup>s</sup> cycle



↳ Chemin fictif par trouver  $x_1$

$$\Delta S_{ac} = 0 = \Delta S_{ab} + \Delta S_{bc}$$

$$= m \cdot c_e \ln(T_F/T_C) + x_1 \cdot m \cdot L_{vap} / T_F$$